

**Расчет переходных процессов электропривода  
по известным аналитическим выражениям**

**М1 Общие положения**

В технической литературе приводятся аналитические выражения нагрузочных диаграмм, и требуемые расчеты можно получить при различных параметрах системы электропривода. Сложность заключается в том, что эти выражения оказываются достаточно сложными, и придется прибегать к составлению расчетных программ простого арифметического расчета. Но и для такого расчета потребуются определить начальные условия.

**М2 Механические переходные процессы электроприводов  
с прямолинейными механическими характеристиками  
и с идеально жесткими связями**

При питании от тиристорных преобразователей, когда переходные процессы формируются задатчиком интенсивности, при постоянном статическом моменте  $M_c$  и прямолинейной механической характеристике, что справедливо для двигателей постоянного тока независимого и параллельного возбуждения и для асинхронных двигателей на участке механической характеристики с  $M < 0.8 * M_K$ , где  $M_K$  – критический момент, возможно построение нагрузочных диаграмм  $\omega(t)$ ,  $M(t)$ ,  $\omega_0(t)$ ,  $\alpha(t)$  по аналитическим выражениям [10].

$$\omega_0(t) = \omega_{нач} + \varepsilon_0 \cdot t, \quad (M 2.1)$$

$$M(t) = M_c + J \cdot \varepsilon_0 + (M_{нач} - M_c - J \cdot \varepsilon_0) \cdot e^{-\frac{t}{T_M}}; \quad (M 2.2)$$

$$\omega(t) = \omega_{снач} + \varepsilon_0 \cdot (t - T_M) + (\omega_{нач} - \omega_{снач} + \varepsilon_0 \cdot T_M) \cdot e^{-\frac{t}{T_M}}, \quad (M 2.3)$$

$$\alpha(t) = \alpha_{нач} + (\omega_{снач} - T_M) \cdot t + \varepsilon_0 \cdot \frac{t^2}{2} + \frac{\omega_{нач} + \varepsilon_0 \cdot T_M - \omega_{снач}}{T_M} (1 - e^{-\frac{t}{T_M}}), \quad (M 2.4)$$

где  $\omega_{0НАЧ}$  – скорость холостого хода при  $t = 0$ ;

$\varepsilon_0 = \omega_{ОН} / T_{ЗИ}$  – угловое ускорение скорости идеального холостого хода двигателя,

$J$  – момент инерции электропривода;

$M_{НАЧ}$  – значение момента двигателя при  $t = 0$ ;

$J$  – момент инерции электропривода;  
 $\beta$  – жесткость механической характеристики электропривода;  
 $T_m = J / \beta$  – электромеханическая постоянная времени электропривода;  
 $\omega_{снач} = \omega_{0нач} - M_c / \beta$  – скорость на характеристике  $\omega_{0нач}$ , соответствующая статическому моменту  $M_c$ .

Переходный процесс обычно состоит из нескольких этапов, каждый этап соответствует своим значениям  $M$  и  $\varepsilon_0$ . При использовании формул (М 2.2) ... (М 2.4) каждый этап рассчитывают, полагая в начале этапа

$$t = 0, \omega_0 = \omega_{нач}, M = M_{нач}, \omega = \omega_{нач}.$$

Значения  $\omega_{0нач}$  и  $M_{нач}$  определяются из расчёта предыдущего этапа.

При пуске электропривода с реактивным  $M_c$  в условиях, когда  $M_{нач} < M_c$  (например, при  $\omega_{0нач} = 0$  и  $M_{нач} = 0$ ), двигатель остаётся неподвижным до тех пор, пока момент  $M(t)$  не достигнет значения  $M = M_c$ . На этом этапе  $\omega = 0$ , момент изменяется по закону  $M(t) = \varepsilon_0 \cdot \beta \cdot t$ , время запаздывания

$$t_0 = \frac{M_c}{\varepsilon_0 \cdot \beta}.$$

При питании двигателя от цеховой сети (в схеме магнитного контроллера)

$$\omega_o(t) = \omega_{он} = const, \quad \varepsilon_o = 0,$$

уравнения (К2.2) ... (К2.4) принимают вид:

$$M(t) = M_c + (M_{нач} - M_c) \cdot e^{-\frac{t}{T_m}}; \quad (M2.5)$$

$$\omega(t) = \omega_c + (\omega_{нач} - \omega_c) \cdot e^{-\frac{t}{T_m}}. \quad (M 2.6)$$

$$\alpha(t) = \alpha_{нач} + (\omega_c \cdot t + \frac{\omega_{нач} - \omega_c}{T_m} (1 - e^{-\frac{t}{T_m}})), \quad (M 2.7)$$

Эти уравнения используются для расчёта переходных процессов пуска, наброса нагрузки, торможения, реверса.

**М 3 Расчёт нагрузочных диаграмм при нелинейных механических характеристиках**, т.е. для двигателей постоянного тока последовательного или смешанного возбуждения и для асинхронных двигателей при работе их в зоне, близкой к критическому моменту, производится приближенными графическими или графоаналитическими методами [10].

Универсальным методом расчёта переходных режимов является метод кусочно-линейной аппроксимации. Он пригоден для электропривода, питающегося от сети и обладающего механической характеристикой любого

вида. При этом пусковые и тормозные механические характеристики разбивается на участки, позволяющие заменить их прямыми линиями. Каждый участок характеризуется начальной скоростью  $\omega_{начi}$ , начальным моментом  $M_{начi}$ , конечной скоростью  $\omega_{конi}$  и конечным моментом  $M_{конi}$ .

Электромеханическую постоянную времени электропривода на рассматриваемом участке механической характеристики рассчитывают по формуле

$$T_{mi} = J_i \cdot \frac{\omega_{конi} - \omega_{начi}}{M_{начi} - M_{конi}}. \quad (M 3.1)$$

3.1)

Время работы (разгона или торможения) электропривода на данном участке характеристики может быть рассчитано по формуле

$$\Delta t_i = T_{mi} \cdot \ln \frac{M_{начi} - M_{ci}}{M_{конi} - M_{ci}}. \quad (M 3.2)$$

Время разгона электропривода от скорости  $\omega_{нач1} = 0$  до скорости  $\omega_{конi}$  определяется суммированием времен работы на каждом из аппроксимированных участков характеристик:

$$t_i = \sum_{k=0}^i \Delta t_k. \quad (M 3.4)$$

Аналогично можно рассчитать время торможения от начальной скорости  $\omega_{нач1}$  (скорости, при которой двигатель переключается на тормозной режим) до скорости в конце  $i$ -го участка торможения.

Для скоростей  $\omega_{начi}$  и  $\omega_{конi}$  – границ участков механических характеристик – по соответствующим электромеханическим характеристикам определяются значения тока в силовой цепи  $I_{начi}$  и  $I_{конi}$ .

Таким образом, для каждого участка, на которые разбивается механические характеристики двигателя, определяются все величины, необходимые для построения нагрузочных диаграмм  $\omega(t)$ ,  $M(t)$ ,  $I(t)$ ,  $\alpha(t)$  переходных режимов электропривода.

Путь, проходимый электроприводом за время работы на рассматриваемом участке (угол поворота вала двигателя), может быть рассчитан по формуле

$$\Delta \alpha_i \cong \frac{\omega_{начi} + \omega_{конi}}{2} \cdot \Delta t_i. \quad (M 3.5)$$

Путь, проходимый электроприводом при пуске и торможении за время  $t_i$  (когда скорость изменяется от  $\omega_{нач}$  до  $\omega_{кон}$ ) определяется по соотношению

$$\alpha_i = \sum_{k=1}^i \Delta\alpha_k. \quad (M\ 3.6)$$

#### М 4 Электромеханический переходный процесс

Учёт индуктивностей обмоток двигателя вызывает появление дополнительной (по отношению к механическому переходному процессу) электромагнитной инерционности в системе электропривода, заставляет анализировать изменение электромагнитной энергии в переходных процессах.

Электромеханический переходный процесс описывается (для жесткой механической системы) системой дифференциальных уравнений второго порядка. Нагрузочные диаграммы этого процесса могут быть рассчитаны по аналитическим выражениям [10,11] или интегрированием этих дифференциальных уравнений с помощью ЭВМ.

При питании двигателя от цеховой сети, когда в переходных процессах в силовую цепь включаются добавочные резисторы, влияние электромагнитной инерции снижается. Необходимость учёта  $T_\vartheta$  возникает при расчёте переходных процессов, когда добавочные резисторы отсутствуют и двигатель работает на естественной характеристике.

Влияние электромагнитной инерции существенно проявляется при отношении  $(T_M / T_\vartheta) < 2$  [1],

где  $T_M = J / \beta$  – электромеханическая постоянная времени электропривода,

$T_\vartheta = L_\Sigma / R_\Sigma$  – электромагнитная постоянная времени силовой цепи.

Уравнения нагрузочных диаграмм в общем виде для  $T_M / T_\vartheta < 4$  имеют вид

$$\omega(t) = \omega_c + e^{-\alpha \cdot t} \cdot [(\omega_{нач} - \omega_c) \cdot \cos \Omega_p \cdot t + \frac{(M_{нач} - M_c) + J \cdot \alpha \cdot (\omega_{нач} - \omega_c)}{J \cdot \Omega_p} \cdot \sin \Omega_p \cdot t],$$

$$M(t) = M_c + e^{-\alpha \cdot t} \cdot [(M_{нач} - M_c) \cdot \cos \Omega_p \cdot t + \frac{\beta \cdot (\omega_0 - \omega_{нач}) - M_{нач} \cdot (1 - \alpha \cdot T_\vartheta) - \alpha \cdot T_\vartheta \cdot M_c}{T_\vartheta \cdot \Omega_p} \cdot \sin \Omega_p \cdot t],$$

С помощью приведенных уравнений можно рассчитать переходные процессы пуска, особенно переход на естественную характеристику, а также торможение.

Если переходный процесс начинается из установившегося режима, то уравнения значительно упрощаются (например, для наброса нагрузки см. [7, с. 242]).

При питании двигателя от преобразователя при линейном изменении напряжения (частоты) электромагнитная инерция создаёт задержку нарастания тока (момента) в начальный момент переходного процесса, когда электромагнитная энергия в силовой цепи запасается. Затем запасенная электромагнитная энергия начинает выделяться, вызывая более быстрое нарастание тока, чем в механическом переходном процессе. При  $T_m / T_\vartheta < 2$  возникает перерегулирование тока (момента), что приходится учитывать при проверке двигателя по перегрузочной способности.

Влияние электромагнитной инерции проявляется лишь в начале процесса, затем прекращаются колебания тока и момента, и влияние  $T_\vartheta$  на характер процесса уже не сказывается.

Нагрузочные диаграммы в общем виде при  $T_m / T_\vartheta < 2$  для процесса с линейным изменением напряжения (частоты) для жесткой механической системы имеют вид

$$\omega(t) = \omega_{снач} + \zeta_0(t - T_m) + (\omega_{нач} - \omega_{снач} + \zeta_0 \cdot T_m) \cdot e^{-\alpha \cdot t} \times [\cos \Omega_p \cdot t - \frac{M_{нач} - M_c - \beta \cdot T_m \cdot \zeta_0 + \beta \cdot T_m \cdot \alpha \cdot (\omega_{нач} - \omega_{снач} + \zeta_0 \cdot T_m)}{\beta \cdot T_m \cdot \Omega_p \cdot (\omega_{снач} + \zeta_0 \cdot T_m - \omega_{нач})} \cdot \sin \Omega_p t]; \quad (M4.5)$$

$$M(t) = M_c + \beta \zeta_0 T_m - (M_{нач} - M_c - \beta \zeta_0 T_m) \cdot e^{-\alpha \cdot t} \times [\cos \Omega_p t + \frac{\beta(\omega_{онач} - \omega_{нач}) - M_{нач} + \alpha T_\vartheta (M_{нач} - M_c - \beta \zeta_0 T_m)}{T_\vartheta \Omega_p (M_{нач} - M_c - \beta \zeta_0 T_m)} \cdot \sin \Omega_p t]. \quad (M4.6)$$

Расчет переходных процессов с учётом  $T_\vartheta$  для упругой системы затруднен (см. Приложение И). Для расчёта можно использовать программы, приведенные в [13].

#### К5 Среднеквадратичное значение тока (момента)

Для проверки по нагреву двигателя, пусковых и тормозных резисторов одновременно с расчётом нагрузочных диаграмм целесообразно определить величину, характеризующую нагрев за время  $t_i$ ,

$$\int_0^{t_i} I^2 dt \cong \sum_{i=1}^k I_{ски}^2 \cdot \Delta t_i, \quad (M4.7)$$

где  $I_{ски}$  – среднеквадратичный ток на участке интегрирования за время  $\Delta t_k$ .

Если кривая  $I(t)$  имеет в пределах интервала  $\Delta t_i$  аналитическое выражение, можно определить среднеквадратичный ток  $I_{ски}$  на участке по формулам:  
– при линейной зависимости  $I(t)$

$$I_{cki} = \sqrt{\frac{1}{3}(I_{начi}^2 + I_{начi} \cdot I_{конi} + I_{конi}^2)}; \quad (M4.8)$$

– при экспоненциальной зависимости  $I(t)$

$$I_{cki} = \sqrt{I_y^2 - \frac{T_m}{\Delta t_i}(I_{конi} - I_{начi}) \left( \frac{I_{конi} + I_{начi}}{2} + I_y \right)}, \quad (M4.9)$$

где  $I_y$  – установившееся значение, к которому стремится экспонента  $I(t)$ ;

$T_m$  – электромеханическая постоянная времени электропривода.